## РАСЧЁТ АКТИВНОЙ ЗОНЫ И ТЕПЛООБМЕННИКА ЯОП-УСТАНОВКИ ДЛЯ УТИЛИЗАЦИИ ЯДЕРНЫХ ОТХОДОВ С УЧЁТОМ ТЕПЛОФИЗИЧЕСКИХ ОГРАНИЧЕНИЙ

А.В. Карелин (*ЦНИИМАШ)* И.Н. Хиблин, И.Ю. Пугач (*ФГУП «НПП ВНИИЭМ»)* Л.А. Амелин (ОАО *«НИИЭМ»*)

Приведён теплофизический и прочностной расчёт конструкции активной зоны, рассчитан контур охлаждения аргона установки по утилизации радиоактивных отходов на основе ядерно-оптических преобразователей с учётом теплофизических ограничений. Показано, что объёмное тепловыделение в газе 87 МВт, температура газа на выходе из активной зоны 133°С, температура воды на входе в контур охлаждения 20°С, давление газа 10 атм, скорость прокачки 3 м/с. Ключевые слова: ядерно-оптический преобразователь, цезий-137, радиоактивные отходы, утилизация, теплоноситель, расход газа, коэффициент сопротивления, объёмное тепловыделение, перепад температур, скорость прокачки, активная зона (хранилище).

### Введение

Согласно энергетической стратегии России, увеличение потребности в электроэнергии целесообразно покрывать за счёт роста её выработки на АЭС в основном в Европейской части страны [1]. Тем не менее, не следует забывать и об отрицательных сторонах развития ядерной энергетики. Одной из отрицательных сторон ядерной энергетики являются радиоактивные отходы. Твёрдые радиоактивные отходы захоранивают в контейнерах из нержавеющей стали в подземных выработках, соляных пластах, на дне океанов. Радиация является жёстким излучением, которое можно использовать как источник энергии в ядерно-оптических преобразователях (ЯОП) с дальнейшей конверсией оптического излучения в электроэнергию с помощью фотоэлектрических преобразователей. Электричество может вырабатываться в постоянном режиме в течение многих лет практически без смены источника излучения, если уровень остаточной радиоактивности и период полураспада достаточно высоки.

При накачке жёстким ионизирующим излучением последовательность процессов следующая: быстрая заряженная частица или коротковолновый фотон ионизуют газ, затем образовавшиеся низкоэнергетичные электроны плазмы формируют в столкновениях максвелловское распределение и рекомбинируют, вызывая излучение атомов и молекул в широком диапазоне спектра. Такая плазма оказывается переохлаждённой [2].

Основным источником проникающей радиации отработанного топлива ядерных реакторов является  $\gamma$ -излучение Cs<sup>137</sup> (период полураспада 30 лет) с энергией  $E_{\gamma} = 662$  кэВ. В этом случае задача созда-

ния источника энергии на основе ЯОП сводится к поиску радиолитически и термически устойчивой, а также химически инертной среды с достаточно высоким КПД преобразования ядерной энергии в оптическое излучение в удобном для кремниевых и халькопиритных фотоэлектрических преобразователей в диапазоне спектра. В качестве активной среды предлагается смесь Ar - N<sub>2</sub>, излучающая преимущественно в диапазонах длин волн 350 - 410 и 750 – 1050 нм на переходах С-В и В-А молекулы азота N<sub>2</sub> соответственно [2-4]. В работе [5] были проведены предварительные расчёты энергетических характеристик ЯОП-установки на смеси Ar – N2, и рассмотрены теплофизические ограничения, накладываемые на параметры данной установки для обеспечения её эффективной работы.

Целью данной работы является получение энергетических и теплофизических характеристик с учётом теплофизических ограничений ЯОПустановки, расчёт теплообменника для охлаждения рабочего газа Ar в замкнутой системе подачи газа, а также проведение оценочного прочностного расчёта современными средствами моделирования и конечно-элементного анализа.

### Теплофизический расчёт активной зоны

Для теплофизического расчёта установки примем:

– внутренний диаметр хранилища *D* = 80 м;

- высота хранилища H = 3 м;

– температура аргона на входе в хранилища  $t_{in} = 30^{\circ}$ С;

– теплопроводность радиоактивных отходов  $\lambda_{or} = 20 \text{ Bt/}(\text{M}\cdot\text{K})$  [6];

- давление аргона в хранилище p = 10 атм;



Рис. 1. План размещения бочек в хранилище

- количество бочек N = 207;
- удельное тепловыделение в бочке  $q = 10^{-1}$  Вт/см<sup>3</sup>;
- толщина стенки бочки  $\delta = 0.5$  см;
- высота бочки *h* = 1 м;
- диаметр бочки *d* = 0,5 м;
- материал стенки бочки сталь 12X18H9T;
- предел текучести  $\sigma_{\rm T} = 137 \cdot 10^6$  Па.

Бочки складированы в три этажа в центре хранилища, в трёх кольцах (рядах) по 23 сборки  $(N_k)$ из трёх бочек (рис. 1).

Такое расположение бочек вызвано тем, что аргон подаётся в хранилище поперечно для лучшего теплосъёма. Радиус внутреннего кольца  $R_k$  вычисляем по формуле

$$R_k = \frac{S_1}{\left(2\sin\left(\frac{\pi}{N_k}\right)\right)},\tag{1}$$

где  $S_1 = 1$  м – расстояние между бочками во внутреннем кольце.

Шаг между вторым и третьим кольцами

$$S_2 = S_1 \cos\left(\frac{\pi}{6}\right). \tag{2}$$

Площадь каналов (скорость прокачки направлена поперёк бочек)

$$F = HN_k \left( S_1 - d \right). \tag{3}$$

Составляем уравнение теплового баланса хранилища:

$$Q_1 N + q_{\nu} V_0 = G c_p \Delta T_{\Gamma}, \qquad (4)$$

где  $Q_1$  – выход тепла из одной бочки; N – количество бочек;  $q_v$  – удельная мощность объёмного тепловыделения;  $V_0$  – объём аргона в хранилище; G – расход газа;  $c_p$  – удельная теплоёмкость;  $\Delta T_r = T_{out} - T_{in}$  – нагрев газа при прокачке через активную зону.

Основной вклад в нагрев теплоносителя даёт объёмное тепловыделение в самом газе, поскольку

$$\frac{q_{\nu}V_0}{Q_1N} = 20.$$
 (5)

Нагрев теплоносителя при прокачке через активную зону

$$\Delta T_{\rm r} = \frac{(Q_1 N + q_{\nu} V_0)}{Gc_p} = 103^{\circ} {\rm C} \,. \tag{6}$$

Мощность потока аргона

$$P = G \frac{w^2}{2} = 7,3 \text{ KBT.}$$
(7)

Перепад температур между осью бочки и её внутренней стенкой при условии идеального контакта оценивается по формуле

$$\frac{qd_1^2}{16\lambda_{\rm orr}} = 75^{\circ}\mathrm{C} \,. \tag{8}$$

Количество теплоты, проходящей через стенку за 1 с из одной бочки,

$$Q_1 = \frac{2\pi\lambda_c \Delta h}{\ln\left(\frac{d_2}{d_1}\right)},\tag{9}$$

где  $d_2 = d$  – внешний диаметр бочки;  $d_1$  – внутренний диаметр бочки;  $\lambda_c$  – коэффициент теплопроводности стали 12Х18Н9Т, он возрастает с ростом температуры, примем его «наихудшее» значение (для  $30^{\circ}$ C) –  $\lambda_c = 14,5$  Вт/(м·К). Перепад температуры поперёк стенки бочки несущественен:

$$\Delta = \frac{Q_1}{\left(2\pi\lambda_c h\right)} \ln\left(\frac{d_2}{d_1}\right) = 4^{\circ} \text{C}.$$
 (10)

Теплоотдача первого ряда определяется характером движения газа или начальной турбулентностью потока и близка к условиям обтекания одиночной сборки из трёх бочек, образующих вертикальный цилиндр. В третьем ряду турбулентность потока принимает стабильный характер, присущий данной компоновке пучка. При одних и тех же условиях теплоотдача в шахматных пучках выше, чем в коридорных, за счёт лучшего перемешивания газа.

Коэффициент теплопроводности газа заметно не меняется с изменением давления. Исключение составляют очень малые (меньше  $2,66 \cdot 10^3$  Па) и очень большие ( $2 \cdot 10^9$  Па) давления. Коэффициент теплопроводности аргона [7] при  $t_2 = 160^{\circ}$ C  $\lambda_2 = 0,021$  Вт/(м·К), при  $t_1 = 60^{\circ}$ C  $\lambda_1 = 0,017$  Вт/(м·К). Примем коэффициент теплопроводности при температуре  $t^{\circ}$ C

$$\lambda(t) = \frac{\lambda_2 - \lambda_1}{t_2 - t_1} (t - t_1) + \lambda_1.$$
(11)

Соответственно на входе и выходе хранилища  $\lambda(t_{in}) = 0,016 \text{ Br/(M·K)}, \lambda(t_{out}) = 0,02 \text{ Br/(M·K)}. Коэф$ фициент температуропроводности*a*равен отноше $нию коэффициента теплопроводности вещества <math>\lambda$  к произведению его удельной теплоёмкости  $c_p$  на плотность:

$$a = \frac{\lambda(t)}{c_p \rho}.$$
 (12)

Соответственно для аргона на входе и выходе хранилища коэффициент температуропроводности равен  $a_{in} = 1,933 \cdot 10^{-6} \text{ м}^2/\text{с}$ ,  $a_{out} = 3,291 \cdot 10^{-6} \text{ м}^2/\text{c}$ . Коэффициент динамической вязкости аргона при 20°С равен

$$\mu(T) = \mu_0 \sqrt{\frac{T}{293}} \left[ \left( 1 + \frac{C_0}{293} \right) \left( 1 + \frac{C_0}{T} \right)^{-1} \right], \quad (13)$$

где  $\mu_0 = 2,2 \cdot 10^{-5}$  Па·с; С<sub>0</sub> – постоянная Сазерленда [8]. Зависимость  $\mu$  от температуры показана на рис. 2.

Коэффициент динамической вязкости заметно не меняется с изменением давления (для воздуха на 25% изменением давления в 200 раз от нормального). Коэффициент кинематической вязкости v – отношение коэффициента динамической вязкости  $\mu$  (H·c/м<sup>2</sup>) к плотности  $\rho$ . Соответственно для аргона на входе и выходе хранилища коэффициент температуропроводности равен  $v_{in} = 1,433 \cdot 10^{-6} \text{ м}^2/\text{c}$ ,  $v_{out} = 2,457 \cdot 10^{-6} \text{ м}^2/\text{c}$ .

Аргон после прокачки из центра через сборки из бочек, т. е. через центральную зону хранилища, относительный размер которой  $\varepsilon_c = 0,135$ , нагревается незначительно:

$$\delta t = \frac{\left(Q_1 N + q_v V_0 \varepsilon_c^2\right)}{\left(G c_p\right)} = 7^{\circ} C.$$
 (14)

Примем поэтому для аргона в центральной зоне хранилища, включая зону сборок из бочек, следующие параметры:

– температура аргона  $t_{in} = 30^{\circ}$ С;

- плотность аргона  $\rho_{in} = 15,7 \text{ кг/м}^3$ ;

- коэффициент температуропроводности  $a_{in} = 1,9\cdot10^{-6} \text{ м}^2/\text{с};$ 

- коэффициент кинематической вязкости  $v_{in} = 1,4\cdot 10^{-6} \text{ m}^2/\text{c};$ 

Уравнение теплового баланса бочки:

$$\alpha (t_{c2} - t_{r2}) = \frac{Q_1}{\pi h d} = q_{cr} \Leftrightarrow \frac{Q_1}{\pi h d} = q \frac{\pi d^2}{4(\pi h d)} h = \frac{q d}{4} = \alpha (t_{c2} - t_{r2}), \operatorname{BT/M}^2,$$

откуда и внешняя температура бочки

$$t_{c2} = \frac{qd}{4\alpha} + t_{r2},$$
 (15)

где  $t_{r2}$  – температура аргона на выходе из центральной части хранилища.



Рис. 2. Динамическая вязкость аргона

Величина коэффициента теплоотдачи  $\alpha$  в газе, в котором есть объёмное тепловыделение  $q_{\nu}$ , оценивается по формуле [9]

$$\alpha = \frac{\alpha_0}{1 + 0.0834 \frac{q_v}{q}} = 0.995\alpha_0, \qquad (16)$$

где  $\alpha_0 = \lambda Nu/d$  для аргона в центральной зоне хранилища, включая зону сборок из бочек. Число Нуссельта Nu при поперечном обтекании газом пучка гладких «труб» и шахматном расположении «цилиндров», при Re > 2.10<sup>5</sup> (режим сверхкритического обтекания) [10]:

Nu = 0,031
$$\varepsilon_{\phi} C_z C_k \operatorname{Re}^{0.8} \operatorname{Pr}^{0.4} \left(\frac{s_1}{s_2}\right)^{0.2} = 1572,$$
 (17)

где  $C_z = 0,85$  – коэффициент, учитывающий зависимость осреднённой теплоотдачи от числа рядов пучка;  $s_1 = 1$  м – поперечный шаг;  $s_2 = 0,866$  м – продольный шаг;  $C_k = 1$  – коэффициент, учитывающий увеличение теплоотдачи от шероховатых поверхностей; критерий Прандтля  $\Pr = v_{in}/a_{in} = 0,745$  и число Рейнольдса  $\operatorname{Re}(w) = wd/v_{in} = 10^6$ .

Коэффициентом  $\varepsilon_{\phi} = 1$  учитывается влияние угла атаки, скорость аргона при прокачке направлена перпендикулярно пучку сборок из трёх бочек.



Рис. 3. Схема хранилища: 1 – склад контейнеров; 2 – оболочка хранилища; 3 и 4 – трубы для аргона; 5 – теплообменник; 6 – подвод воды

Коэффициент теплоотдачи  $\alpha = 50 \text{ Br/(м}^2 \cdot \text{K})$  при «наихудшем» значении коэффициента теплопроводности  $\lambda = 0,016 \text{ Br/(м} \cdot \text{K})$  аргона (для 30°С). Соответственно температура  $t_{c2} = 382^{\circ}\text{C}$  внешней стенки бочки. Температура на оси бочки:

$$t_{\rm max} = t_{\rm c2} + \Delta + \frac{qd_1^2}{16\lambda_{\rm or}} = 462^{\,\rm o}{\rm C} \;.$$
 (18)

По суммарной площади  $F = 32,5 \text{ м}^2$  каналов и количеству труб  $N_{out} = 36$ , отводящих аргон из хранилища, найдём внутренний диаметр  $d_{\rm T}$  отводящих труб (см. рис. 3):

$$d_{\rm T} = 2\sqrt{\frac{F}{\pi N_{out}}} = 1,105 \,\,{\rm m.}$$
 (19)

Для работы ЯОП-установки в стационарном режиме необходимо отводить тепло мощностью

$$Q_1 N + q_v V_0 = 87 \,\mathrm{MBr.}$$
 (20)

Применение вторичных энергоресурсов в таких количествах представляется перспективным для нужд теплоснабжения промышленных и жилых зданий, в тепличных хозяйствах и др.

### Оценочный расчёт теплообменника

Для расчёта теплообменника примем:

- тепловую нагрузку на один теплообменник  $Q_{\rm T} = Q_{\rm obm} / N_{out} = 2,4 \cdot 10^6 \, {\rm Br};$ 

– начальные и конечные температуры аргона в теплообменнике  $t_{out} = 133$  °C и  $t_{in} = 30$  °C;

- нагрев воды от  $t_{\text{ж.н}} = 20^{\circ}$ С до  $t_{\text{ж.к}} = 75^{\circ}$ С;
- скорость в теплообменных трубах  $w_{\rm m} = 0.5$  м/с;
- удельную теплоёмкость воды  $c_{\rm ж} = 4174 \, \text{Дж/(кг·K)};$
- плотность воды при 50°С р<sub>ж</sub> = 988 кг/м<sup>3</sup> [11];
- расход воды на один теплообменник  $G_{\rm x} = 10.5$  кг/с;
- объём при заданном расходе  $V_{\pi} = 0,011 \text{ м}^3/\text{с}.$

Наиболее часто в кожухотрубчатых теплообменниках применяют трубы наружных диаметров 25 мм с толщиной стенки 1,6 – 3,0 мм и трубы наружным диаметром 20 мм с толщиной стенки 1,6 – 2,0 мм. Внешний диаметр теплообменных труб  $d_0 = 0,025$  м и толщина стенки  $\delta_p = 0,0025$  м (материал – технический алюминий). Площадь внутреннего сечения труб

$$S_{_{\rm T}} = \frac{\pi \left( d_0 - 2\delta_{\rm p} \right)^2}{4}.$$
 (21)

Количество теплообменных труб в теплообменнике на один ход воды

$$n_t = ceil\left(\frac{V_{\rm m}}{w_{\rm m}S_{\rm r}}\right) = 68.$$
 (22)

Внутренний диаметр трубы, подводящей воду к блоку теплообменников, подключенному к отводящей аргон из хранилища трубе:

$$\pi \frac{D_B^2}{4} = S_{\tau} n_t \Leftrightarrow D_B = \sqrt{\frac{4}{\pi} S_{\tau} n_t} = 0,165 \text{ m.} \quad (23)$$

Коэффициент теплопроводности материала стенки (технического алюминия), разделяющей аргон и воду,  $\lambda_p = 180 \text{ Bt/(M·K)}$ ; термическое сопротивление стенки, разделяющее аргон и воду,  $R_{\rm cr} = 1,389 \cdot 10^{-5} \text{ (M}^2 \text{ K})/\text{BT}$ ; коэффициент динамической вязкости воды  $\eta_{\rm sc} = 0,55 \cdot 10^{-3} \text{ H·c/m}^2$  [11]; коэффициент кинематической вязкости воды  $v_{\rm sc} = \eta_{\rm sc}/\rho_{\rm sc}$ ; критерий Прандтля  $\Pr_{\rm sc} = 3,55$  (вода при 50°C) и  $\Pr_{\rm c} = 2,1$  (вода при 95°C у стенки). Число Рейнольдса для течения воды

$$\operatorname{Re}_{*} = \frac{w_{*} \left( d_{0} - 2\delta_{p} \right)^{2}}{v_{*}} = 1,8 \cdot 10^{4}.$$
 (24)

Число Нуссельта при развитой турбулентности в прямой трубе (формула М.А. Михеева получена на основе обобщения различных опытных данных в интервалах чисел Re от  $10^4$  до 5· $10^6$  и Pr от 0,6 до 2500)

$$Nu_{\pi} = 0,021\varepsilon_{1} \operatorname{Re}_{\pi}^{0.8} \operatorname{Pr}_{\pi}^{0.43} \left(\frac{\operatorname{Pr}_{\pi}}{\operatorname{Re}_{\pi}}\right)^{0.25}.$$
 (25)

Коэффициент теплопроводности воды  $\lambda_{\rm sc} = 0,643$  Вт/(мK), значение коэффициента теплоотдачи воды:

$$\alpha_{\rm B.H} = {\rm Nu}_{\pi} \frac{\lambda_{\pi}}{d_0 - 2\delta_{\rm p}} = 3361 \,{\rm Bt}/({\rm M}^2 \cdot {\rm K}).$$
 (26)

Коэффициент теплоотдачи со стороны жидкости – воды α<sub>в.н</sub> превышает в десятки раз коэффициент со стороны газа при поперечном обтекании газом гладких труб; интенсифицировать теплоотдачу можно оребрением труб снаружи в виде спиральных или круглых поперечных рёбер.

По некоторым представлениям оптимальное расстояние между рёбрами должно быть не менее двойной толщины пограничного слоя; для турбулентного потока толщина гидродинамического пограничного слоя

$$\delta_{\pi}(x) = \sqrt{\frac{12xv_{out}}{w_{out}}}.$$
(27)

Если за определяющий размер принять наружный (несущий) диаметр  $d_0$  оребрённой трубы, шаг ребра  $t = (d_0/7) = 3,6 \cdot 10^{-3}$  и высоту  $h_0 = 5t = 0,018$ , м, то двойная толщина пограничного слоя будет не более  $2\delta_n(d_0) = 8,5 \cdot 10^{-4}$ , м, толщина ребра  $\delta_r = 2 \cdot 10^{-3}$ , м. Условие  $t - \delta_r > 2\delta_n(d_0)$  и  $d_{0r} \gg \delta_n(d_0)$  выполнены,  $t - \delta_r$  – расстояние между рёбрами:

$$\frac{t-\delta_r}{2\delta_{\rm n}(d_0)} = 1,8.$$
(28)

Число Рейнольдса

$$\operatorname{Re}_{f} - \frac{w_{out}d_{0}}{v_{out}} = 4 \cdot 10^{4}.$$
 (29)

Тут за расчётную скорость  $w_f$  должна быть принята скорость в наименьшем проходном сечении пучка, для уменьшения аэродинамического сопротивления проходное поперечное сечение пучка на один ход по аргону будет выбрано достаточным, чтобы обеспечить условие  $w_f \ge w_{out}$ . Поперечный шаг  $s_1 = 3d_0 = 0,075$  м и продольный шаг  $s_2 = 0,83$ ,  $s_1 = 0,062$  м в пучке оребрённых труб.

Коэффициент оребрения є исследуемых трубок – отношение полной наружной поверхности, включая и (тонкие) рёбра, к поверхности такой же длины гладкой трубы  $t\pi d_0$  (рис 4). Если площадь ребра

$$F_{\rm p} = \delta_r \pi \left( d_0 + 2h_0 \right) + 0.5\pi \left[ \left( d_0 + 2h_0 \right)^2 - d_0^2 \right] \quad (30)$$

и площадь неоребрённой части трубы  $(t - \delta_r) \pi d_0$ , то:

$$\varepsilon = \frac{F_{\rm p} + (t - \delta_r)\pi d_0}{t\pi d_0}.$$
(31)



Рис. 4. Параметры оребрения труб

Для надёжности размеры t,  $h_0$ ,  $s_1$ ,  $s_2$  выбраны так, чтобы воспользоваться формулами средней теплоотдачи, полученными по результатам экспериментальных исследований и приведёнными в работе [9], где для коридорных пучков труб в интервалах  $\text{Re}_f$  – от 5·10<sup>3</sup> до 10<sup>5</sup>; a – от 1,72 до 3,0; b – от 1,8 до 4,0;  $\varepsilon$  – от 5 до 12 указана зависимость:

$$Nu_f = 0,303\epsilon^{-0,375} \operatorname{Re}_f^{0,625} \operatorname{Pr}_f^{0,36} = 69.$$
(32)

При обтекании шахматного пучка оребрённых труб при Re – от  $2 \cdot 10^4$  до  $2 \cdot 10^5$ ; относительных шагах a – от 1,1 до 4,0; b – от 1,03 до 2,5; параметрах оребрения h/d – от 0,07 до 0,715; t/d – от 0,06 до 0,36 получены следующие обобщающие зависимости [10] для шахматных пучков труб:

$$\operatorname{Nu}_{f} = 0,0507 \left(\frac{s_{1}}{s_{2}}\right)^{0,2} \left(\frac{t}{d_{0}}\right)^{0,18} \left(\frac{d_{0}}{h_{0}}\right)^{0,14} \times \operatorname{Re}_{f}^{0,8} \operatorname{Pr}_{f}^{0,4} = 170.$$
(33)

Примем коэффициент теплопроводности  $\lambda_r = 0,017 \text{ Br/(M·K)}$ , его значения при  $100^{\circ}\text{C} - \lambda_r = 0,019$ , при  $30^{\circ}\text{C} - \lambda_r = 0,016$ .

При обтекании шахматного пучка оребрённых труб в данном режиме коэффициент теплоотдачи аргона больше, чем при обтекании коридорного пучка оребрённых труб:

$$\alpha_1 = \mathrm{Nu}_f \frac{\lambda_r}{d_0} = 116 \mathrm{Br/(m^2 \cdot K)}.$$
 (34)

Для расчёта передачи тепла через оребрённую трубу найдём сначала приведённый коэффициент апр теплоотдачи аргона:

$$\alpha_{\rm np} = \alpha_1 \left[ 1 - \left( 1 - E \right) \frac{F_{\rm p}}{F} \right], \tag{35}$$

где  $E = 0,9 - эффективность работы ребра для <math>D/d_0 =$ = 2,4 при  $\beta_h = 0,45$ ; коэффициент теплопроводности  $\lambda_p = 180$  Вт/(м·К) [10].

Обозначим  $f_p$  отношение площади  $F_p$  ребра к площади F полной наружной поверхности трубы, приходящейся на шаг ребра t (см. рис. 4):

$$f_{\rm p} = \frac{F_{\rm p}}{F} = 0,977. \tag{36}$$

Отсюда получаем, что  $\alpha_{np} = 104, 4 \text{ Bt/}(\text{м}^2 \cdot \text{K})$ . Если тепловой поток отнести к наружной поверхности несущей трубы  $F_1$ , приходящейся на шаг ребра t, то

$$Q = k_1 F_1 \Delta T, \qquad (37)$$

где  $\Delta T$  – разность температур теплоносителей,  $F_1 = t\pi d_0$ ;  $F, F_1$  – поверхности между плоскостями, перпендикулярными к трубе и отстоящими друг от друга на расстояние t (рис. 4);  $k_1$  – коэффициент теплопередачи, отнесённый к единице наружной поверхности несущей трубы:

$$k_{1} = \left[\frac{1}{\alpha_{_{\mathrm{BH}}}}\frac{F_{1}}{F_{_{\mathrm{BH}}}} + \frac{F_{1}}{t2\pi\lambda_{p}}\ln\left[\frac{d_{0}}{\left(d_{0}-2\delta_{p}\right)}\right] + \frac{1}{\alpha_{_{\mathrm{TP}}}}\frac{F_{1}}{F}\right]^{\mathrm{T}} =$$

$$= 1120, \mathrm{Br/}(\mathrm{M}^{2}\cdot\mathrm{K})$$
(38)

где  $F_{\rm BH} = t\pi (d_0 - 2\delta_p) -$  внутренняя поверхность несущей трубы.

При определении температуры стенок  $t_c$  теплообменных труб введём приведённые к наружной поверхности  $F_1$  коэффициенты теплоотдачи:

$$\alpha_{c1} = \alpha_{BH} \frac{F_{BH}}{F_1} \mu \ \alpha_{c2} = \alpha_{np} \frac{F}{F_1}.$$
 (39)

Температура стенки теплообменных труб

$$t_{\rm c}\left(t_{\rm B},t_{\rm a}\right) = \frac{\alpha_{\rm c1}t_{\rm B} + \alpha_{\rm c2}t_{\rm a}}{\alpha_{\rm c1} + \alpha_{\rm c2}},\tag{40}$$

где  $t_{\rm B}$  и  $t_{\rm a}$  – температура воды и аргона; максимальная температура стенки теплообменных труб  $t_{\rm c}(75,133) = 99,6^{\circ}$ С.

Оценим размеры кожухотрубчатых теплообменников. Рассмотрим размещение теплообменных труб в трубных решетках, показанное на рис. 5. По конструктивным соображениям число ходов m по трубному простр,анству примем равным 4. Минимальный внутренний диаметр  $D_a$  цилиндрического кожуха аппарата определим по минимальному расстоянию  $d_0$  от ближайшего ребра до кожуха. Среднее число труб в ряду – 15. Среднее проходное сечение по аргону (рис. 5.)

$$16F_0 N_{\rm m} = \frac{\pi d_{\rm \tau}^2}{4},\tag{41}$$

где  $F_0$  – площадь (на рис. 4 заштрихована):  $F_0 = t(s_1 - d_0) - 2\delta_r h_0$ ;  $N_{\rm III}$  – число рёбер на ход аргона;  $d_{\rm T}$  – внутренний диаметр трубы, отводящей аргон из хранилища. Проходное сечение по аргону должно занимать вдоль труб расстояние не менее  $S_{\rm III} = t N_{\rm III} = 2$  м.

Температурная схема при противотоке: для газа

$$T_1 = 133^{\circ}\text{C} \Longrightarrow T_2 = 30^{\circ}\text{C}$$
;

для воды

$$t_2 = 75^{\circ}\text{C} \Longrightarrow t_1 = 20^{\circ}\text{C} ,$$
  

$$\Delta T_6 = T_1 - t_2 = 58^{\circ}\text{C} ,$$
  

$$\Delta T_M = T_2 - t_1 = 10^{\circ}\text{C} .$$

Уравнение теплопередачи (на блок теплообменников, подключенных к одной трубе, отводящей аргон из хранилища) следующее:

$$k_1 \pi \left( d_0 - \delta_p \right) x \Delta t_{cp} n_a = \frac{Q_1 N + q_v V_0}{N_{out}}, \qquad (42)$$

где x – условная длина одной теплообменной трубы; x = Lm; L – расчётная длина одной теплообменной трубы в теплообменнике; m = 4 – число ходов по трубному пространству (по воде) в теплообменнике;  $n_a = 68$  – количество теплообменных труб в теплообменнике на один ход воды.

Средняя разность температур в многоходовом теплообменнике:

$$\Delta t_{\rm cp} = \varepsilon_{\Delta t} \Delta t_{\rm n.cp} = 25^{\circ} {\rm C}, \qquad (43)$$

где  $\Delta t_{n.cp}$  – среднелогарифмическая разность температур противотока;  $\varepsilon_{\Delta t} = 0,9$  – поправка на перекрестный ток вода – аргон [7];

$$\Delta t_{\text{n.cp}} = \frac{\Delta T_6 - \Delta T_{\text{M}}}{\ln\left(\frac{\Delta T_6}{\Delta T_{\text{M}}}\right)} = 27^{\circ}\text{C}.$$
 (44)



Рис. 5. Схема ходов (1 – 4) и размещение водяных трубок в решётке, размеры в мм

Длина одной теплообменной трубы в теплообменнике L = 4,6 м (42), но учитывая, что проходное сечение по аргону должно занимать вдоль труб расстояние не менее чем 2 м, а также малый зазор между рёбрами (в продольном направлении), то целесообразно принять за основу конструкции теплообменник с сегментной перегородкой, показанный на рис. 5. Длину и число рядов одной теплообменной трубы в теплообменнике целесообразно принять равной  $L_1 = \max(2S_m, L) = 4,6$  м и z = 18.

# Расчёт мощности на прокачку воды через теплообменник

Примем эквивалентную шероховатость теплообменной трубы  $\Delta_{\rm m} = 0,0002$  м. Начало перехода к квадратичному закону сопротивления определяется по критическому значению числа Рейнольдса:

$$\operatorname{Re}_{\rm kp} = \left[120 \frac{\left(d_0 - 2\delta_{\rm p}\right)}{\Delta_{\rm m}}\right] = 3,9 \cdot 10^4, \qquad (45)$$

где (d<sub>0</sub> – 2δ<sub>p</sub>) – внутренний диаметр трубы. Число Рейнольдса для течения воды

$$\operatorname{Re}_{*} = \frac{w_{*} \left( d_{0} - 2\delta_{p} \right)}{v_{*}} = 1,8 \cdot 10^{4}, \qquad (46)$$

т. е. течение гарантированно турбулентно. При неизотермическом турбулентном течении в гладких трубах для неметаллических жидкостей при  $3,3\cdot10^3 < \text{Re} < 25\cdot10^3$ ;  $0,3 < \eta_{\text{ст}}/\eta < 38$ ; 1,3 < Pr < 180 коэффициент  $\zeta$  гидравлического трения при нагревании жидкости определяется по формуле:

$$\zeta = \frac{0.316}{Re_{\pi}^{0.25}} \left(\frac{\eta_{c\pi}}{\eta_{\pi}}\right)^{0.19} = \frac{0.316}{Re_{\pi}^{0.25}}, \qquad (47)$$

где динамическую вязкость воды  $\eta_{c*}$  у стенок и среднюю её величину  $\eta_{*}$  можно принять равными, что даст незначительно бо́льшую величину  $\zeta$ . Потеря давления на трение в прямых трубах

$$\Delta p_{\rm T} = \zeta \frac{mL_1}{d_0 - 2\delta_{\rm p}} \frac{w_{\rm x}^2 \rho_{\rm x}}{2} = 3.1 \cdot 10^3 \,\Pi \text{a.} \tag{48}$$

Затрата давления на создание скорости потока

$$\Delta p_{\rm ck} = \frac{w_{\rm sk}^2 \rho_{\rm sk}}{2} = 123,5 \; \Pi a. \tag{49}$$

Для коэффициентов местных сопротивлений  $\zeta_i$  в трубном пространстве теплообменника примем следующие значения: входная или выходная камера  $\zeta_1 = 1,5$ ; поворот на 180° между ходами  $\zeta_2 = 2,5$ ; вход в трубы или выход из них  $\zeta_3 = 1$ .

Потеря давления на местных сопротивлениях

$$\Delta p_{\rm M} = \left(2\zeta_1 + 3\zeta_2 + 8\zeta_3\right) \frac{w_{\rm m}^2 \rho_{\rm m}}{2} = 2,285 \cdot 10^3 \,\Pi a. \tag{50}$$

Мощность на прокачку воды через все теплообменники

$$\left(\Delta p_{\rm M} + \Delta p_{\rm cK} + \Delta p_{\rm T}\right) V_{\rm m} N_{out} = 2 \cdot 10^3 \,\mathrm{BT},$$

где  $V_{\text{ж}}N_{out} = 0,383 \text{ м/с} - расход воды на все тепло$ обменники.

Рассмотрим возможность утилизации теплоты, отводимой из теплообменников. Для теплоприёмников местных систем теплоиспользования характерно расчётное рабочее давление 0,6 – 1,0 МПа [12]. В подающем трубопроводе за выходными задвижками на источнике теплоты рабочее давление теплоносителя при работе сетевых насосов следует принимать не менее 1,0 МПа [13]. В связи с этим минимальные затраты на прокачку воды при присоединении местной системы теплоиспользования

$$10^6 V_{\rm w} \frac{N_{out}}{0.8} = 5 \cdot 10^5 \,{\rm Bt},$$

где КПД насосной установки (произведение КПД насоса на КПД электродвигателя при номинальном режиме) взят равным 0,7. Расчётная тепловая на-

грузка на одного жителя (в пределах РФ) составляет ориентировочно  $q_c = 1,6 - 2,4$  кДж/с. В связи с учётом потерь (5%) теплоты на трассе, утилизацией теплоты, отводимой из теплообменников, можно обеспечить потребности в тепле небольшого города численностью

$$\frac{\left(Q_1 N + q_v V_0\right)0,95}{2000} = 41\ 220\ \text{чел.}$$

Для коэффициентов местных сопротивлений  $\zeta_i$  в межтрубном пространстве теплообменника примем следующие значения: вход в межтрубное пространство или выход из него  $\zeta_1 = 1,5$ ; поворот на 180° через перегородку в межтрубном пространстве  $\zeta_2 = 1,5$ .

Потеря давления на местных сопротивлениях

$$\Delta p_{mM} = \left(2\zeta_1 + \zeta_2\right) \frac{w_{out}^2 \rho_{out}}{2} = 430,331 \,\Pi a.$$

Перепад давления на шахматном многорядном (z > 5) пучке оребрённых труб при Re равном от  $10^3$  до  $10^5$ , коэффициенте оребрения  $\varepsilon$  – от 1,9 до 16,0; a – от 1,6 до 4,13; b – от 1,2 до 2,35 определяется по зависимости [10]:

$$\Delta p_{m\tau} = 3,2 \operatorname{Re}_{f}^{-0.25} \varepsilon^{0.5} a^{-0.55} b^{-0.5} w_{out}^{2} \rho_{out} z = 1,17 \cdot 10^{3} \operatorname{\Pia}.$$

Затрата давления на создание скорости потока

$$\Delta p_{mc.\pi} = \frac{w_{out}^2 \rho_{out}}{2} = 95,629 \text{ IIa.}$$

Мощность на прокачку аргона через все тепло-обменники

$$\left(\Delta p_{mT} + \Delta p_{mc.n} + \Delta p_{mM}\right) \frac{\pi d_T^2}{4} w_{out} N_{out} = 2 \cdot 10^5 \,\mathrm{BT},$$

где  $(\pi d_T^2/4) w_{out} N_{out} = 140 \text{ м}^3/\text{с} - \text{расход аргона на все теплообменники.}$ 

Перепад давления  $\Delta p_0$  на шахматном малорядном ( $z_0 = 3$ ) пучке при поперечном обтекании аргоном пучка гладких «труб» (зона сборок из бочек), шахматном их расположении и Re > 2.10<sup>5</sup> (режим сверхкритического обтекания) [10] оценивается по формуле

$$\Delta p_0 = 0, 2z_0 c_z c_k \rho_{in} w^2 = 177 \text{ IIa},$$

где  $z_0 = 3$ ;  $c_k = 1,9$  для  $\text{Re}_{in} = 10^6$ ;  $c_z = 1,1 - \text{коэффи$ циент учитывающий зависимость гидравлическогосопротивления от числа рядов пучка.

Затрата давления на создание скорости потока

$$\Delta p_{0c.\pi} = \frac{w_{out}^2 \rho_{out}}{2} = 96 \ \Pi a.$$

Для коэффициентов местных сопротивлений  $\zeta_i$  в пространстве хранилища примем следующие значения: вход в трубы (36 труб) или выход из них  $\zeta_1 = 1$ ; вход в зону сборок или выход из неё  $\zeta_2 = 1,5$ ; поворот на 90° в зоне сборок  $\zeta_3 = 1$ .

Потеря давления на местных сопротивлениях в хранилище

$$\Delta p_{0M} = \left(\zeta_1 + 2\zeta_2 + \zeta_3\right) \frac{\rho_{in} w^2}{2} + \zeta_1 \frac{w_{out}^2 \rho_{out}}{2} = 449 \,\Pi a.$$

Оценим мощность на прокачку аргона через хранилище:

$$\left[\Delta p_0 + \left(\zeta_1 + 2\zeta_2 + \zeta_3\right) \frac{\rho_{in} w^2}{2}\right] \times$$

$$\times \frac{\pi d_{\tau}^{2}}{4} w N_{out} + (\zeta_{1} + 1) \frac{w_{out}^{2} \rho_{out}}{2} \frac{\pi d_{\tau}^{2}}{4} w_{out} N_{out} = 8 \cdot 10^{4} \,\mathrm{Br}.$$

Перепад давления  $\Delta p_{12}$  в каждой из 2·36 труб для аргона, соединяющих хранилище и теплообменники:

$$\Delta p_{12} = \Delta p_1 + \Delta p_2;$$
  
$$\Delta p_i = \xi (\operatorname{Re}_i) \frac{l_i}{d} \frac{w_i^2 \rho_i}{2}$$

где i = (1, 2). Длину одной трубы с нагретым аргоном примем  $l_1 = 20$  м, длину с охлаждённым арго-

ном примем  $l_2 = 70$  м. Охлаждённый аргон подаётся по трубам с внутренним диаметром 0,638 м во внутреннюю часть активной зоны:

$$\operatorname{Re}_{1} = \frac{w_{out}d_{T}}{v_{out}} = 1,8 \cdot 10^{6} ;$$

$$\operatorname{Re}_{2} = \frac{3wd_{T}}{v_{in}} = 6,9 \cdot 10^{6} ;$$

$$w_{1} = w_{out} ;$$

$$w_{2} = 4w ;$$

$$\rho_{1} = \rho_{out} ;$$

$$\rho_{2} = \rho_{in} .$$

Соотношение Прандтля, которое хорошо согласуется с экспериментом в интервале чисел Re от  $10^4$  до  $5 \cdot 10^6$ :

$$\xi = (1,82\log(x) - 1,64)^{-2}$$
.

Величина перепада давления

$$\Delta p_{12} = \xi (\text{Re}_1) \frac{l_1}{d_r} \frac{w_{out}^2 \rho_{out}}{2} + \xi (\text{Re}_2) \frac{l_2 \sqrt{3}}{d_r} \frac{(3w)^2 \rho_{in}}{2} = 6,164 \,\Pi \text{a}$$

При скорости прокачки аргона (абсолютное давление 10 атм) через зону сборок 3 м/с, охлаждённого до 30°С, и нагреве до 133°С мощность на прокачку аргона составляет около 475 кВт (если КПД насосной установки 80%).

Мощность на прокачку воды (имеющую начальную температуру 30°С) через все теплообменники 2 – 3 кВт, но при присоединении местной системы теплоиспользования требуемая мощность до 500 кВт.

### Прочностной расчёт

Для проведения расчётов была построена 3Dмодель хранилища для ядерных отходов при помощи программы Solid works. На рис. 6 представлена модель одной восьмой части конструкции хранилища. Радиус хранилища 40 м, высота центральной части 10 м, высота торцевой стенки 3 м.



Рис. 6. Трёхмерная модель хранилища для ядерных отходов (показана 1/8 часть)



Рис. 7. Конечно-элементная модель хранилища



Рис. 8. Толщины конструктивных элементов, м



Рис. 9. Напряжения на внешних и внутренних поверхностях конструкции, Па: *а* – вид сверху; *б* – вид сбоку; *в* – 1/8 часть (вид сбоку); *г* – 1/8 часть (вид сверху)

Для проведения прочностного расчёта использовался программный комплекс для конечноэлементного анализа механики конструкции MSC Nastran/Patran.

В процессе проведения расчёта на прочность был внесён ряд изменений в конструкцию. Были установлены внутренние усиливающие элементы, что обусловлено недостаточной жёсткостью конструкции и необходимыми требованиями для доступа к центральной части (были проделаны дополнительные отверстия в радиальных перегородках для возможности беспрепятственного доступа к центральной части, и изменены внутренние продольные перегородки для повышения жёсткости и освобождения внутреннего пространства под хранение бочек). Радиальные перегородки делят хранилище по радиусу 12 и 25 м, высота первой перегородки 9,2 м, второй – 7,2 м. Полученная модель хранилища показана на рис. 7.

Для создания внешних стенок и внутренних усилений использовались оболочечные элементы типа Tria 3. Всего модель содержит 137 530 конечных элементов, 65 877 узлов.

На рис. 8 показана цветная диаграмма толщин внешних и внутренних усилений стенок. Внешняя стенка над активной зоной хранилища (красный цвет) имеет толщину 40 см из-за большого диаметра при внутреннем давлении 10 атм. На рис. 9 показаны картины распределения эквивалентных напряжений по Мизесу для всей конструкции и для 1/8 части при внутреннем рабочем давлении 10 атм.

Максимальные напряжения возникают в центральной части конструкции на пересечении радиальной перегородки, опоясывающей активную зону, и продольным усиливающим элементом (розовый цвет) составляют 762 МПа.

Для выполнения условий прочности необходимо использование высокопрочных сталей с вязким характером разрушения (с переделом прочности не менее 800 МПа).

#### Заключение

Рассмотрена установка по утилизации радиоактивных отходов на основе ядерно-оптических преобразователей, в которой контейнеры с отходами складированы в центре хранилища, а насосные установки и теплообменники располагаются вне хранилища. В результате проведённых исследований установлено:

1. При прокачке газа через центральную зону хранилища с начальной температурой 30°С при давлении 10 атм и скорости течения газа 3 м/с нагрев газа на выходе из хранилища 133°С.

2. Для работы ЯОП-установки в стационарном режиме необходимо отводить тепло мощностью  $\approx$ 87 МВт, часть электрической мощности ЯОП-установки ( $\approx$ 0,5 МВт) достаточно для прокачки аргон-азотной смеси по замкнутому контуру, включающему активную зону и межтрубное пространство кожухотрубчатых теплообменников с оребрёнными трубами.

3. Мощность на прокачку охлаждающей воды через все теплообменники со скоростью 0,5 м/с при расходе 378 кг/с составляет  $\approx 2 - 3$  кВт, если

использовать воду с начальной температурой 20°С с последующим сбросом воды, нагретой до 75°С в теплообменниках. Возможно присоединение местной замкнутой системы теплоиспользования, затрата электрической мощности  $\approx$ 0,5 MBт.

Теплоты, отводимой от теплообменников, хватит, чтобы обеспечить потребности в тепле небольшого города численностью 41 220 человек.

При профилактических работах на теплообменниках при отключении одного теплообменника установка будет полностью работоспособна, так как характеристики установки практически не изменятся.

### Литература

1. Румянцев А. Ю. Атомная энергетика в настоящем и будущем энергообеспечении России / А. Ю. Румянцев // Вестник РАН. – 2006. – Т. 76. – № 5. – С. 409 – 412.

2. Карелин А. В. Физические основы реактора-лазера / А. В. Карелин. – М.: ФГУП «НПП ВНИИЭМ», 2007. – 260 с.

3. Карелин А. В. Радиоактивные отходы как источник дешевой электроэнергии / А. В. Карелин, Р. В. Широков // Международный научный журнал «Альтернативная энергетика и экология». – 2006. – № 9 (41). – С. 90 – 92.

4. Пат. 2388087 Российской Федерации, МПК G21H001/12. Способ преобразования излучения радиоактивных отходов в электрическую энергию / Сеиф Османович Чолах, Александр Витальевич Карелин, Юрий Николаевич Новоселов; заявл. 14.04.2008; опубл. 27.04.2010, Бюлл. № 12.

5. Карелин А. В. Теплофизические ограничения ЯОПустановки для утилизации радиоактивных отходов / А. В. Карелин, И. Н. Хиблин, Л. А. Амелин [и др.] // Вопросы электромеханики. Труды НПП ВНИИЭМ. – М. : ФГУП «НПП ВНИИЭМ», 2010. – Т. 117. – № 4. – С. 43 – 51.

6. Котельников Р. Б. Высокотемпературное ядерное топливо / Р. Б. Котельников, С. Н. Башлыков, А. И. Каштанов [и др.]. – М. : Атомиздат, 1978. – 432 с.

7. Кутателадзе О. С. Справочник по теплопередаче / О. С. Кутателадзе, В. М. Боришанский. – М. ; Л. : Гос-энергоиздат, 1959. – 414 с.

8. Эберт Г. Краткий справочник по физике / Г. Эберт ; пер. с нем. – М. : Физматгиз, 1963. – С. 552 : ил.

9. Кутателадзе С. С. Основы теории теплообмена / С. С. Кутателадзе. – М : Атомиздат, 1979. – 416 с.

10. Жукаускас А. А. Конвективный перенос в теплообменниках / А. А. Жукаускас. – М. : Наука, 1982. – 472 с.

11. Исаченко В. П. Теплопередача : учебник для энергетических вузов / В. П. Исаченко, В. А. Осипова, А. С. Сукомел. –2-е изд., перераб. и доп. – М. : Энергия, 1969. – 439 с.

12. Государственный комитет Российской Федерации по строительству и жилищно-коммунальному комплексу (ГОССТРОЙ РОССИИ). Система нормативных документов в строительстве. Строительные нормы и правила

Российской Федерации. Тепловые сети. THERMAL NETWORKS. СНиП41-02-2003.

13. Соколов Е. Я. Теплофикация и тепловые сети /

Е. Я. Соколов. – М. : Энергоиздат, 1982. – 360 с. : ил.

Поступила в редакцию 27.06.2011

Александр Витальевич Карелин, д-р физ.-мат. наук, начальник отдела, m. (985) 121-84-49, e-mal: avkarelin@mail.ru. Иван Николаевич Хиблин, аспирант, нач. лаборатории, m. (495) 366-14-11, e-mal: nilbix@mail.ru. Игорь Юрьевич Пугач, мл. научн. сотрудник, m. (495) 366-33-66, e-mal: igor.fiji@gmail.com. Леонид Алексеевич Амелин, канд. физ.-мат. наук, ст. научн. сотрудник, m. (495) 994-54-88, e-mal: am-leonid@mail.ru.